

## Priprema za 2. kratku pisanoj provjero

– vektori, translacija –

### **Vektori imaju:**

- **smjer** – položaj u ravnini (*Pripadaju li paralelnim prvcima ili ne?*)
- **duljinu** – broj koji dobijemo kada izmjerimo vektor pomoću ravnala (*u mm, cm, ...*)
- **orientaciju** – samo kod vektora istog smjera (**jednaka** ili **suprotna** orientacija)

### **JEDNAKI VEKTORI** – vektori koji imaju

- **jednake duljine**
- **istog su smjera** (paralelni su ili pripadaju istom pravcu)
- **jednake orientacije** (položaj strelice)

### **SUPROTNI VEKTORI** – vektori koji imaju

- **jednake duljine**
- **istog su smjera**
- **suprotnih orientacija**

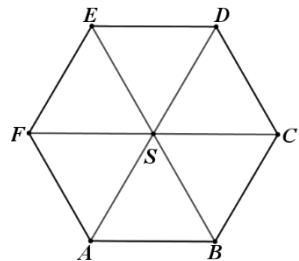
1) Na slici je nacrtan paralelogram  $ABCD$  pri čemu su točke  $E, F, G, H$  polovišta njegovih stranica.  
Odredi sve vektore koji su:

- |  |  |
|--|--|
| <p>a) jednake orientacije kao vektor <math>\overrightarrow{GE}</math></p> <p>c) kolinearni s vektorom <math>\overrightarrow{CF}</math></p> <p>e) suprotni vektoru <math>\overrightarrow{DC}</math></p> | <p>b) suprotne orientacije od vektora <math>\overrightarrow{EA}</math></p> <p>d) jednaki vektoru <math>\overrightarrow{DG}</math></p> <p>d) kolinearni s vektorom <math>\overrightarrow{HG}</math></p> |
|--|--|

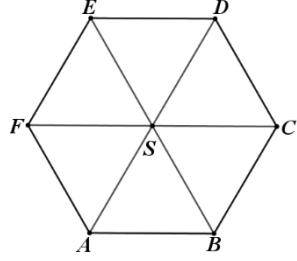
2) Nacrtan je pravilni šesterokut  $ABCDEF$ .

Ispiši sve vektore koji su određeni vrhovima i središtem  $S$  šesterokuta:

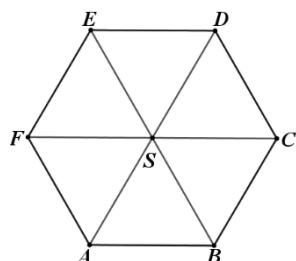
- a) koji su kolinearni s vektorom  $\overrightarrow{EB}$



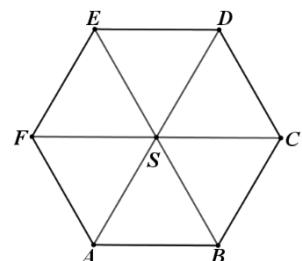
- b) koji su jednakoo orientirani kao vektor  $\overrightarrow{DS}$



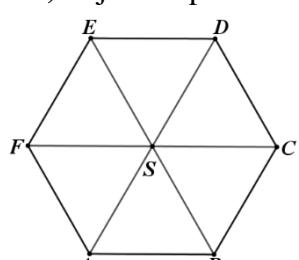
- c) koji su suprotno orientirani od vektora  $\overrightarrow{FS}$



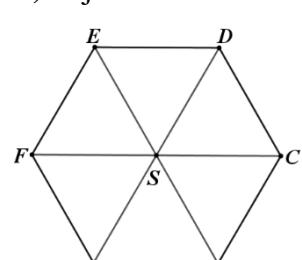
- d) koji su jednaki vektoru  $\overrightarrow{SB}$



- e) koji su suprotni vektoru  $\overrightarrow{AB}$



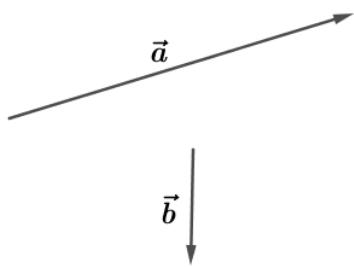
- f) koji su kolinearni s vektorom  $\overrightarrow{SD}$  i jednake duljine.



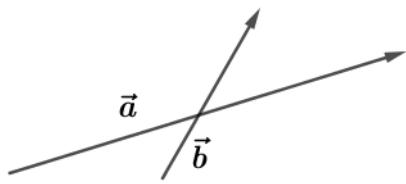
3) Zadani su vektori  $\vec{a}$  i  $\vec{b}$ .

Odredi  $\vec{a} + \vec{b}$  primjenom pravila trokuta i pravila paralelograma (riješi na dva načina).

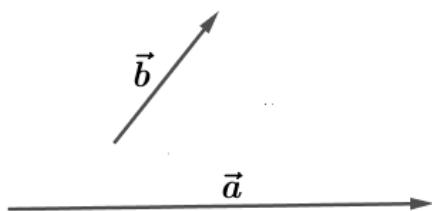
a)



b)

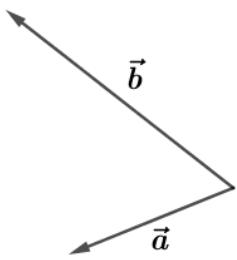


4) Zadani su vektori  $\vec{a}$  i  $\vec{b}$ . Odredi  $\vec{a} - \vec{b}$ .

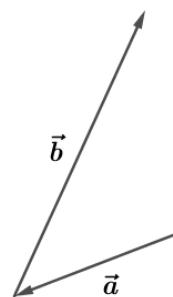


5) Zbroji zadane vektore (koristi pravilo koje je najprikladnije).

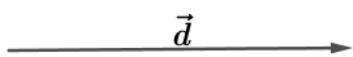
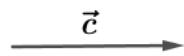
a)



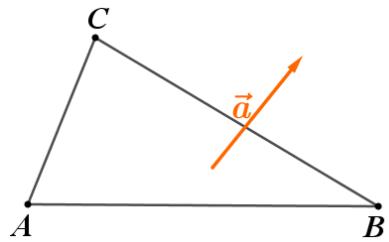
b)



6) Odredi zbroj vektora, tj.  $\vec{c} + \vec{d}$ .



7) Translatiraj  $\Delta ABC$  za vektor  $\vec{a}$ .



8) Nacrtaj trokut  $ABC$  i označi s  $P$  polovište stranice  $\overline{AC}$ . Translatiraj  $\Delta ABC$  za vektor  $\overrightarrow{AP}$ .

9) Translatiraj kvadrat  $ABCD$  za vektor  $\overrightarrow{SB}$  pri čemu je  $S$  sjecište dijagonala kvadrata.

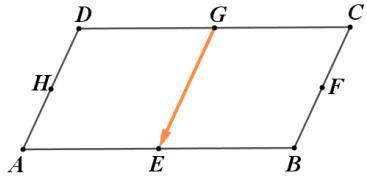
10) U pravokutnome koordinatnom sustavu u ravnini zadan je  $\Delta ABC$  koordinatama vrhova  $A(5, -1)$ ,  $B(2, 2)$ ,  $C(1, -2)$ . Translatiraj  $\Delta ABC$  za vektor  $\overrightarrow{CS}$  pri čemu je točka  $S$  ishodište koordinatnog sustava.

## Priprema za 2. kratku pisanoj provjero

– rješenja –

- 1)** Na slici je nacrtan paralelogram  $ABCD$  pri čemu su točke  $E, F, G, H$  polovišta njegovih stranica.  
Odredi sve vektore koji su:

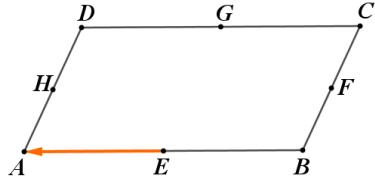
**a)** jednake orijentacije kao vektor  $\overrightarrow{GE}$



$$\overrightarrow{DH}, \overrightarrow{HA}, \overrightarrow{DA}, \overrightarrow{CF}, \overrightarrow{FB}, \overrightarrow{CB}$$

(strelica u istu stranu)

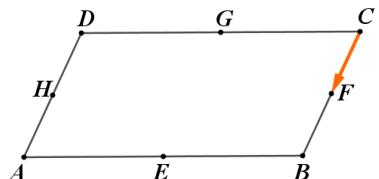
**b)** suprotne orijentacije od vektora  $\overrightarrow{EA}$



$$\overrightarrow{AE}, \overrightarrow{EB}, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{HF}, \overrightarrow{DG}, \overrightarrow{GC}, \overrightarrow{DC}$$

(strelica u suprotnu stranu)

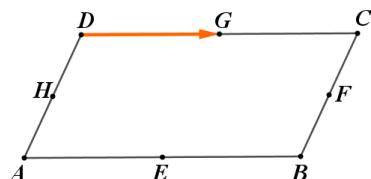
**c)** kolinearni s vektorom  $\overrightarrow{CF}$



$$\overrightarrow{FC}, \overrightarrow{FB}, \overrightarrow{BF}, \overrightarrow{CB}, \overrightarrow{BC}, \overrightarrow{GE}, \overrightarrow{EG}, \\ \overrightarrow{DH}, \overrightarrow{HD}, \overrightarrow{HA}, \overrightarrow{AH}, \overrightarrow{DA}, \overrightarrow{AD}$$

(paralelni ili na istom pravcu)

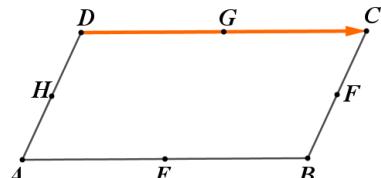
**d)** jednak vektoru  $\overrightarrow{DG}$



$$\overrightarrow{GC}, \overrightarrow{AE}, \overrightarrow{EB}$$

(sve isto – smjer, orijentacija, duljina)

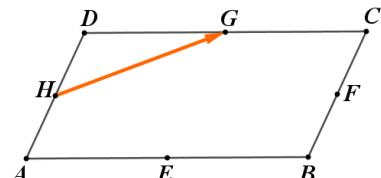
**e)** suprotni vektoru  $\overrightarrow{DC}$



$$\overrightarrow{CD}, \overrightarrow{FH}, \overrightarrow{BA}$$

(ista duljina i smjer, suprotna orijentacija  
(strelica u suprotnu stranu, ostalo isto)

**d)** kolinearni s vektorom  $\overrightarrow{HG}$



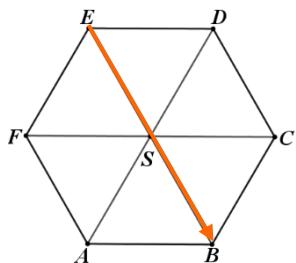
$$\overrightarrow{GH}, \overrightarrow{EF}, \overrightarrow{FE}$$

(paralelni ili na istom pravcu)

- 2)** Nacrtan je pravilni šesterokut  $ABCDEF$ .

Ispiši sve vektore koji su određeni vrhovima i središtem  $S$  šesterokuta:

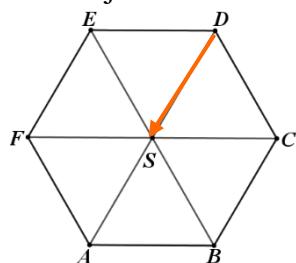
**a)** koji su kolinearni s vektorom  $\overrightarrow{EB}$



$$\overrightarrow{BE}, \overrightarrow{ES}, \overrightarrow{SE}, \overrightarrow{SB}, \overrightarrow{BS}, \overrightarrow{FA}, \overrightarrow{AF}, \overrightarrow{DC}, \overrightarrow{CD}$$

(paralelni ili na istom pravcu)

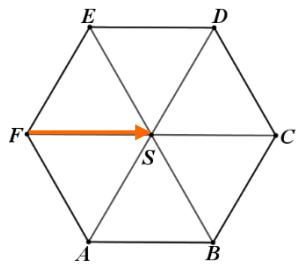
**b)** koji su jednakorijentirani s vektorom  $\overrightarrow{DS}$



$$\overrightarrow{DA}, \overrightarrow{SA}, \overrightarrow{EF}, \overrightarrow{CB}$$

(kolinearni i strelica u ISTU stranu)

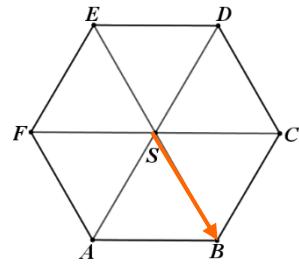
c) koji su suprotno orijentirani od vektora  $\vec{FS}$



$$\vec{SF}, \vec{CS}, \vec{CF}, \vec{DE}, \vec{BA}$$

(kolinearni i strelica u SUPROTNU stranu)

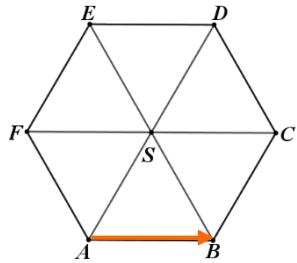
d) koji su jednaki vektoru  $\vec{SB}$



$$\vec{ES}, \vec{FA}, \vec{DC}$$

(sve isto – smjer, orijentacija, duljina)

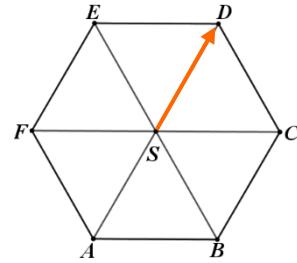
e) koji su suprotni vektoru  $\vec{AB}$



$$\vec{BA}, \vec{CS}, \vec{SF}, \vec{DE}$$

(jednaka duljina i smjer, strelica u suprotnu stranu)

f) koji su kolinearni s vektorom  $\vec{SD}$  i jednake duljine.



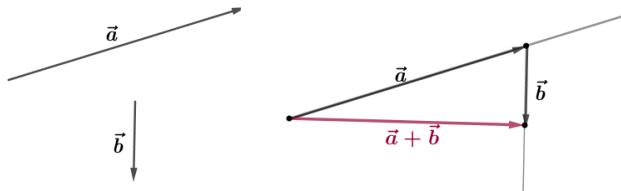
$$\vec{DS}, \vec{AS}, \vec{SA}, \vec{FE}, \vec{EF}, \vec{BC}, \vec{CB}$$

(paralelni ili na istom pravcu + ista duljina)

3) Zadani su vektori  $\vec{a}$  i  $\vec{b}$ .

Odredi  $\vec{a} + \vec{b}$  primjenom pravila trokuta i pravila paralelograma (riješi na dva načina).

### a) PRAVILO TROKUTA

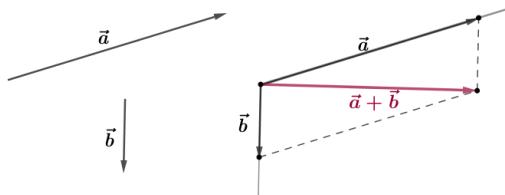


- odaberemo točku u ravnini
- paralela sa vektorom  $\vec{a}$  kroz odabranu točku
- na paralelu nanesemo duljinu vektora  $\vec{a}$
- paralela s vektorom  $\vec{b}$  u završetku dobivenog vektora  $\vec{a}$
- na paralelu prenesemo duljinu vektora  $\vec{b}$

**Vektori se nadovezuju jedan na drugi!**

**ZBROJ:** Od početka prvog, do završetka drugog vektora

### PRAVILO PARALELOGRAMA

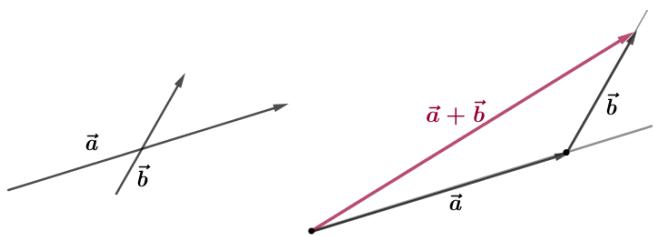


- odaberemo točku u ravnini
- paralela sa vektorom  $\vec{a}$  kroz odabranu točku
- na paralelu nanesemo duljinu vektora  $\vec{a}$
- paralela s vektorom  $\vec{b}$  kroz odabranu točku
- na paralelu prenesemo duljinu vektora  $\vec{b}$
- nadopunimo vektore do paralelograma

**Vektori izlaze iz iste točke!**

**ZBROJ:** Dijagonalna paralelograma

## b) PRAVILO TROKUTA

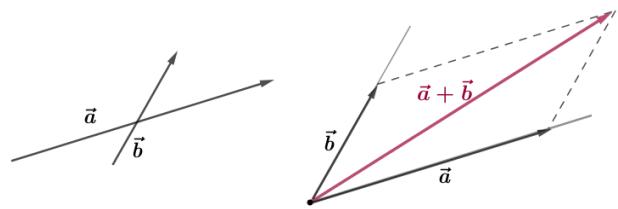


- odaberemo točku u ravnini
- kroz tu točku povučemo paralelu s vektorom  $\vec{a}$
- na paralelu nanesemo duljinu vektora  $\vec{a}$
- kroz završetak dobivenog vektora  $\vec{a}$  nacrtamo paralelu s vektorom  $\vec{b}$  i prenesemo duljinu vektora  $\vec{b}$  na paralelu

**Vektori se nadovezuju jedan na drugi!**

**ZBROJ:** Od početka prvog, do završetka drugog vektora

## PRAVILO PARALELOGRAMA



- odaberemo točku u ravnini
- kroz tu točku nacrtamo paralele s vektorom  $\vec{a}$  i  $\vec{b}$
- na paralele nanesemo duljine vektora  $\vec{a}$  i  $\vec{b}$
- nadopunimo vektore do paralelograma

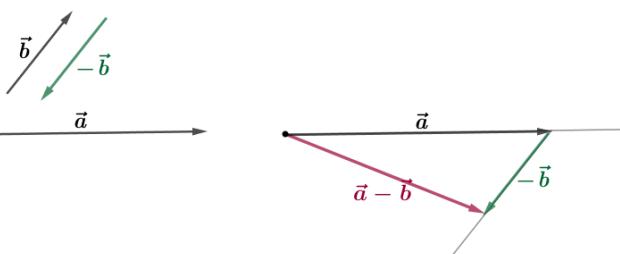
**Vektori izlaze iz iste točke!**

**ZBROJ:** Dijagonala paralelograma

4) Zadani su vektori  $\vec{a}$  i  $\vec{b}$ . Odredi  $\vec{a} - \vec{b}$ .

Oduzeti vektor znači **dodati** njemu **suprotan vektor**!

- nećemo crtati vektor  $\vec{b}$ , već vektor  $-\vec{b}$  (*strelica u drugu stranu*)
- crtamo pravilom koji želimo jer nije zadano [ovdje je riješeno primjenom **pravila trokuta**]



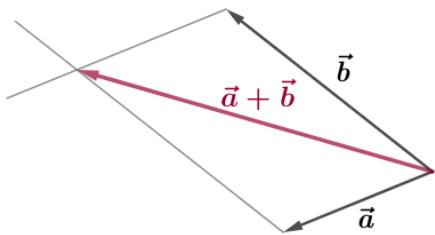
- odaberemo točku u ravnini
- kroz tu točku povučemo paralelu s vektorom  $\vec{a}$
- na paralelu nanesemo duljinu vektora  $\vec{a}$
- kroz završetak dobivenog vektora  $\vec{a}$  nacrtamo paralelu s vektorom  $-\vec{b}$  te prenesemo duljinu vektora  $-\vec{b}$  na paralelu

**Vektori se nadovezuju jedan na drugi!**

**REZ:** Od početka prvog, do završetka drugog vektora

5) Zbroji zadane vektore (koristi pravilo koje je najprikladnije).

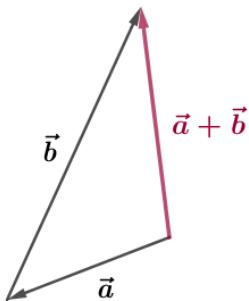
a) Vektori izlaze iz iste točke  $\Rightarrow$  **PRAVILO PARALELOGRAMA**



– nadopunimo vektore do paralelograma

**ZBROJ:** Dijagonala paralelograma

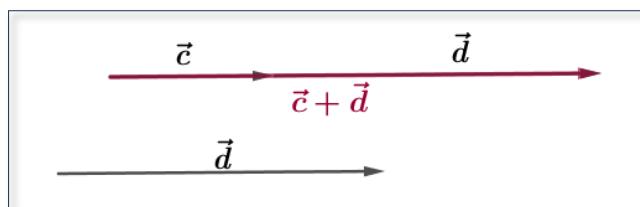
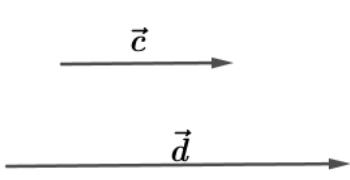
b) Vektori se nadovezuju jedan na drugi  $\Rightarrow$  **PRAVILO TROKUTA**



**Vektori se nadovezuju jedan na drugi!**

**REZ:** Od početka prvog, do završetka drugog vektora

6) Odredi zbroj vektora, tj.  $\vec{c} + \vec{d}$ .

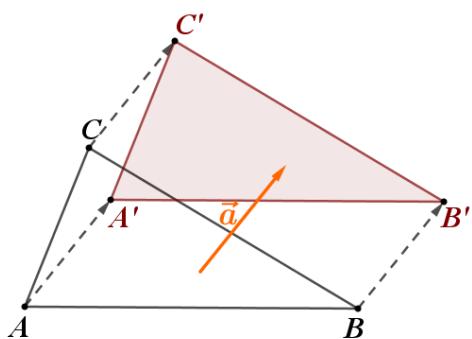


– vektori su kolinearni

– na vektor  $\vec{c}$  samo nanesemo vektor  $\vec{d}$  [produljimo vektor  $\vec{c}$  preko vrha i nanesemo na njega vektor  $\vec{d}$ ]

**REZ:** Od početka prvog, do završetka drugog vektora

7) Translatiraj  $\Delta ABC$  za vektor  $\vec{a}$ .

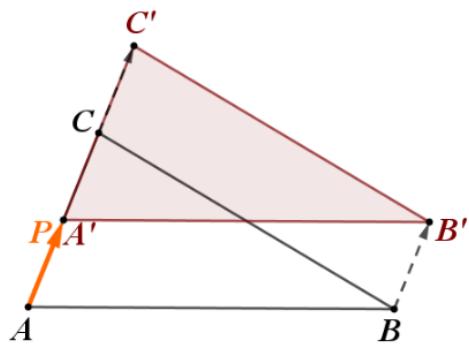


– paralele sa vektorom  $\vec{a}$  kroz točke A, B i C

– sa šestarom prenosimo duljinu vektora  $\vec{a}$  na nacrtane paralele  
 $\Rightarrow$  dobijemo točke A', B', C'

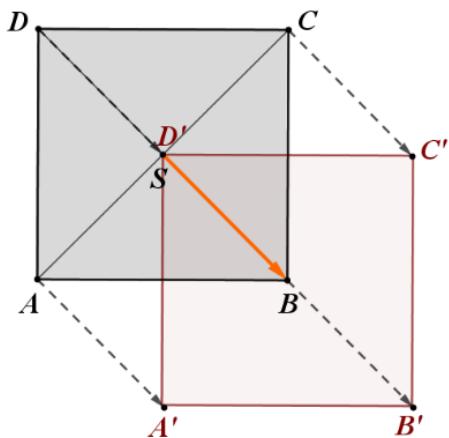
– nacrtamo  $\Delta A'B'C'$

8) Nacrtaj trokut  $ABC$  i označi s  $P$  polovište stranice  $\overline{AC}$ . Translatiraj  $\Delta ABC$  za vektor  $\overrightarrow{AP}$ .



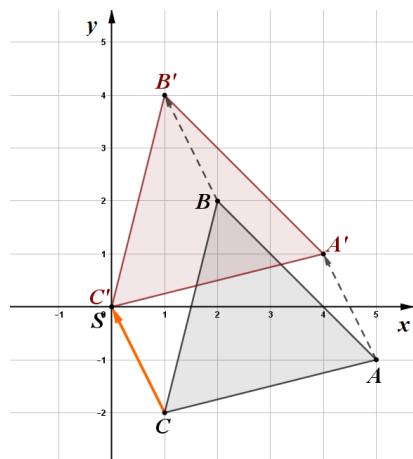
- polovište  $P$  dobijemo konstrukcijom simetrale dužine  $\overline{AC}$
- paralele sa vektorom  $\overrightarrow{AP}$  kroz točke  $A$ ,  $B$  i  $C$
- sa šestarom prenosimo duljinu vektora  $\overrightarrow{AP}$  nacrtane paralele  $\Rightarrow A'$ ,  $B'$ ,  $C'$   
(točka  $A$  preslika se u točku  $P$ , tj.  $A' \equiv P$ )
- nacrtamo  $\Delta A'B'C'$

9) Translatiraj kvadrat  $ABCD$  za vektor  $\overrightarrow{SB}$  pri čemu je  $S$  sjecište dijagonala kvadrata.



- paralele sa vektorom  $\overrightarrow{SB}$  kroz točke  $A$ ,  $B$ ,  $C$  i  $D$
- sa šestarom prenosimo duljinu vektora  $\overrightarrow{SB}$  nacrtane paralele,  
dobijemo točke  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$  i  $D'$   
(točka  $D$  preslika se u točku  $S$ , tj.  $D' \equiv S$ )
- nacrtamo kvadrat  $A'B'C'D'$

10) U pravokutnome koordinatnom sustavu u ravnini zadani je  $\Delta ABC$  koordinatama vrhova  $A(5, -1)$ ,  $B(2, 2)$ ,  $C(1, -2)$ . Translatiraj  $\Delta ABC$  za vektor  $\overrightarrow{CS}$  pri čemu je točka  $S$  ishodište koordinatnog sustava.



- nacrtamo trokut u pravokutnom koordinatnom sustavu i vektor  $\overrightarrow{CS}$
- paralele sa vektorom  $\overrightarrow{CS}$  kroz točke  $A$ ,  $B$  i  $C$
- sa šestarom prenosimo duljinu vektora  $\overrightarrow{CS}$  nacrtane paralele,  
dobijemo točke  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$   
(točka  $C$  preslika se u točku  $S$ , tj.  $C' \equiv S$ )
- nacrtamo  $\Delta A'B'C'$